

令和4年度 **数** **学** (50分)

I 注 意 事 項

- 1 試験開始の合図があるまで、この問題冊子の中を見てはいけない。
- 2 この問題冊子は12ページである。
試験中に問題冊子の印刷不鮮明、ページの落丁・乱丁及び汚れ等に気付いた場合は、手を挙げて監督者に知らせること。
- 3 試験開始の合図前に、監督者の指示に従って、解答用紙の該当欄に以下の内容をそれぞれ正しく記入し、マークすること。
 - ・①氏名欄
氏名を記入すること。
 - ・②受験番号、③生年月日、④受験地欄
受験番号、生年月日を記入し、さらにマーク欄に受験番号(数字)、生年月日(年号・数字)、受験地をマークすること。
- 4 受験番号、生年月日、受験地が正しくマークされていない場合は、採点できないことがある。
- 5 問題冊子の余白等は適宜利用してよいが、どのページも切り離してはいけない。
- 6 試験終了後、問題冊子は持ち帰ってよい。

II 解答上の注意

解答上の注意は、裏表紙に記載してあるので、この問題冊子を裏返して必ず読むこと。
ただし、問題冊子を開かないこと。

数 学

1 次の **ア** ～ **オ** の を適切にうめなさい。

(1) $2x^2 - 3x + 1$ を因数分解すると $(\text{ア}x - \text{イ})(x - \text{ウ})$ になる。

(2) $(2x + y - 1)(2x + y + 1)$ を展開すると **エ** になる。

次の ①～④ のうちから正しいものを一つ選べ。

① $4x^2 + y^2 - 1$

② $4x^2 + 2xy + y^2 - 1$

③ $4x^2 + 4xy + y^2 - 1$

④ $4x^2 + 4xy + y^2 + 2x + y - 1$

(3) 36 の正の約数全体の集合の部分集合になっているものは **オ** である。

次の ①～④ のうちから正しいものを一つ選べ。

① $\{1, 2, 4, 8\}$

② $\{1, 3, 9, 27\}$

③ $\{4, 9, 18\}$

④ $\{12, 24\}$

— 計算用余白ページ —

2 次の **ア** , **イ** の を適切にうめなさい。

(1) 一次不等式 $0.5x+1>0.7x-0.6$ を解くと, **ア** である。

次の ①～④ のうちから正しいものを一つ選べ。

- ① $x<8$ ② $x>8$ ③ $x<-8$ ④ $x>-8$

(2) バドミントン用のグリップテープは1個 300 円, シャトルは1個 250 円である。

予算 2800 円で合わせて 10 個買うとき, 最大 **イ** 個までグリップテープを買うことができる。

— 計算用余白ページ —

3 次の ～ の を適切にうめなさい。

(1) 二次関数 $y = -2x^2$ のグラフを x 軸方向に -3 だけ平行移動する。

このとき、移動後の放物線をグラフとする二次関数は である。

次の ①～④ のうちから正しいものを一つ選べ。

① $y = -2(x-3)^2$

② $y = -2(x+3)^2$

③ $y = -2x^2 - 3$

④ $y = -2x^2 + 3$

(2) 右の図は、頂点の座標が $(1, 3)$ で、原点を通る二次関数のグラフである。

グラフがこのようになる二次関数は である。

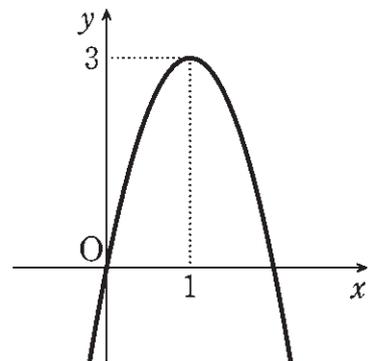
次の ①～④ のうちから正しいものを一つ選べ。

① $y = -(x+1)^2 + 3$

② $y = -(x-1)^2 + 3$

③ $y = -3(x+1)^2 + 3$

④ $y = -3(x-1)^2 + 3$



(3) 二次関数 $y = x^2 - 4x + 5$ のグラフの頂点の座標は , である。

— 計算用余白ページ —

4 次の **ア** ~ **キ** の を適切にうめなさい。

(1) 二次関数 $y = \left(x - \frac{3}{2}\right)^2 + 2$ において、 x の変域を $-\frac{1}{2} \leq x \leq 2$ とするとき、 y の最大値は **ア**，最小値は **イ** である。

(2) 二次関数 $y = x^2 - 5x + 2$ のグラフと x 軸との共有点の x 座標は、

$$x = \frac{\text{ウ} \pm \sqrt{\text{エオ}}}{\text{カ}}$$

である。

(3) 二次不等式 $(2x - 3)(3x - 2) > 0$ を解くと、その解は **キ** である。
次の ① ~ ④ のうちから正しいものを一つ選べ。

① $\frac{2}{3} < x < \frac{3}{2}$

② $x < \frac{2}{3}, \frac{3}{2} < x$

③ $-\frac{3}{2} < x < -\frac{2}{3}$

④ $x < -\frac{3}{2}, -\frac{2}{3} < x$

— 計算用余白ページ —

- 5 次の **ア** ~ **キ** の を適切にうめなさい。
必要であれば、次の三角比の値を利用すること。

$$\sin 37^\circ = 0.6018, \quad \cos 37^\circ = 0.7986, \quad \tan 37^\circ = 0.7536$$

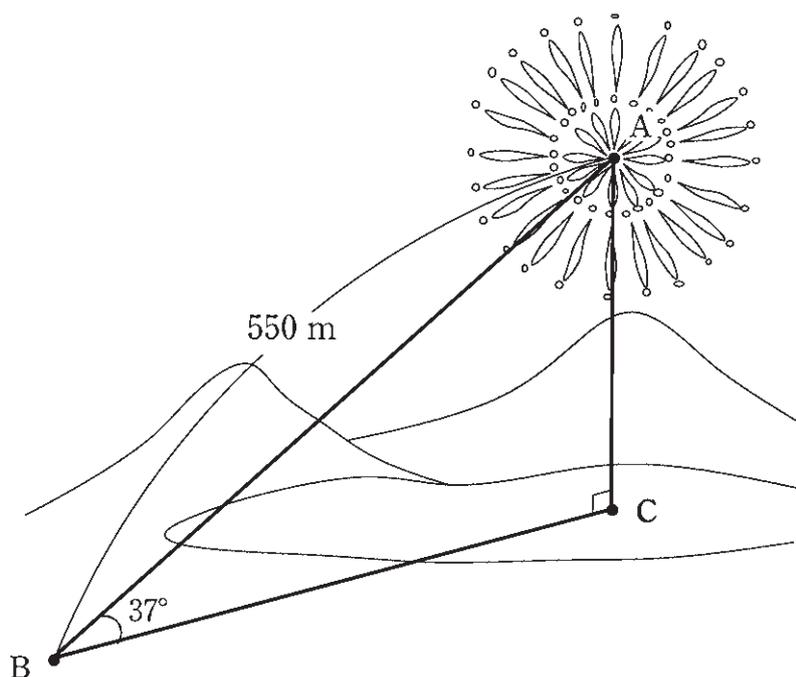
- (1) 太郎さんは湖上花火大会に来ている。花火が打ち上がる高さがどれくらいなのか疑問に思い、次のように求めることにした。

図のように花火の中心点を A 、太郎さんがいる地点を B 、花火の打ち上げ地点を C とする。花火が開いたときの光と音の速さの差から、太郎さんがいる地点と花火の中心との距離 AB を求めたところ、 $AB = 550$ m であることが分かった。また、 $\angle ABC = 37^\circ$ 、 $\angle ACB = 90^\circ$ であった。

これらから花火の打ち上がる高さ AC はおよそ **ア** m であると分かった。

次の ① ~ ④ のうちから最も適切なものを一つ選べ。

- ① 275
- ② 331
- ③ 414
- ④ 439



- (2) $\cos 143^\circ$ の値は **イ** である。

次の ① ~ ④ のうちから最も適切なものを一つ選べ。

- ① -0.7986
- ② -0.6018
- ③ 0.6018
- ④ 0.7986

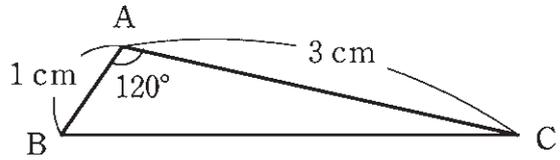
(3) $\sin 30^\circ + \sin 60^\circ$ の値は である。

次の ①～④ のうちから正しいものを一つ選べ。

- ① 0 ② 1 ③ $\frac{1}{2}$ ④ $\frac{1+\sqrt{3}}{2}$

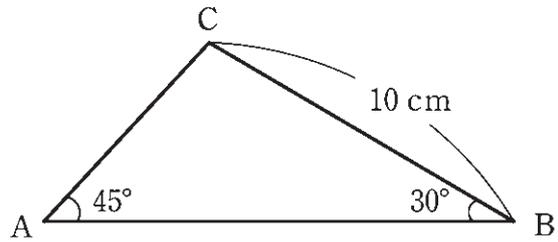
(4) 右の図の三角形 ABC において、
 $AB=1\text{ cm}$, $AC=3\text{ cm}$, $\angle BAC=120^\circ$
 である。

このとき、BC の長さは
 $\sqrt{\text{エオ}}$ cm である。



(5) 右の図の三角形 ABC において、
 $BC=10\text{ cm}$, $\angle A=45^\circ$, $\angle B=30^\circ$
 である。

このとき、AC の長さは
 $\sqrt{\text{キ}}$ cm である。



6 次の **ア** ～ **オ** の を適切にうめなさい。

(1) 次のデータは、ある高校の柔道部の男子部員 10 人が、鉄棒で懸垂をした回数けんすいの記録である。

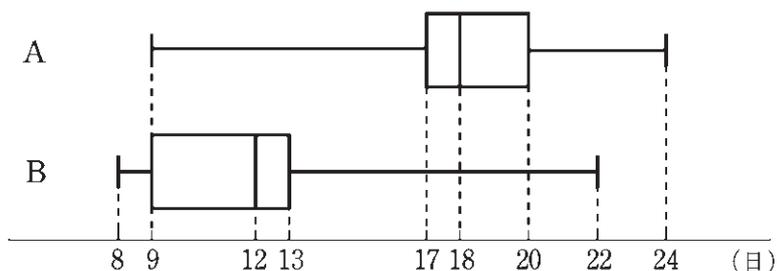
12, 13, 5, 10, 26, 13, 10, 24, 10, 7 (回)

このデータにおける中央値、最頻値、平均値を示す値を左から小さい順に並べるとき、正しく並べられているものは **ア** である。

次の ①～④ のうちから一つ選べ。

- ① 最頻値 < 中央値 < 平均値
- ② 中央値 < 最頻値 < 平均値
- ③ 平均値 < 最頻値 < 中央値
- ④ 平均値 < 中央値 < 最頻値

(2) 下の図は 2 人の生徒 A, B が月ごとに家庭学習を行った日数を 1 年間調べ、箱ひげ図にまとめたものである。



この箱ひげ図から読み取れることとして誤っているものは **イ** である。

次の ①～④ のうちから一つ選べ。

- ① A は家庭学習を行った日数が 18 日以上の方が 6 か月以上ある。
- ② B は家庭学習を行った日数が 12 日以下の月が 6 か月以上ある。
- ③ A の最小値と B の第 1 四分位数は等しい。
- ④ 四分位範囲が大きいのは A である。

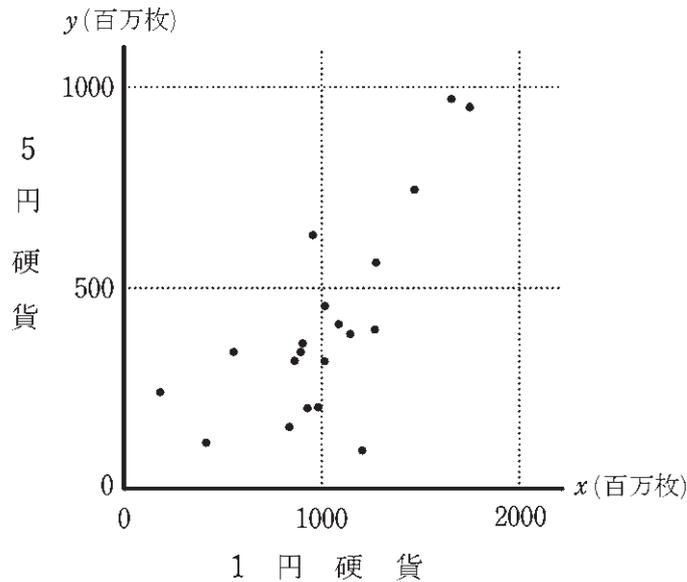
(3) 次のデータは自動車にガソリンを6回入れたときの1L当たりの金額を調べたものである。

146, 142, 152, 148, 151, 143 (円)

このデータの平均値は147(円)であり、分散は **ウエ** である。

ただし、変数 x のデータの値が x_1, x_2, \dots, x_n で、その平均値が \bar{x} のとき、分散は $\frac{(x_1 - \bar{x})^2 + (x_2 - \bar{x})^2 + \dots + (x_n - \bar{x})^2}{n}$ で求められる。

(4) 下の図は、ある20年間の1円硬貨の発行枚数 x (百万枚)と5円硬貨の発行枚数 y (百万枚)のデータの散布図である。



この散布図についての x と y の相関係数の近似値として、最も適切なものは **オ** である。

次の ①～④ のうちから一つ選べ。

- ① -0.64
- ② -0.28
- ③ 0.19
- ④ 0.73

II 解答上の注意

問題の文中の , などの には、数値または符号(-)が入る。これらを次の方法で解答用紙の指定欄にマークすること。

- 1 ア, イ, ウ, … の一つ一つは、それぞれ0から9までの数字、または-の符号のいずれか一つに対応する。それらをア, イ, ウ, …で示された解答欄にマークする。

〔例〕 に -8 と答えたいとき

ア	<input checked="" type="radio"/>	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
イ	<input type="radio"/>	0	1	2	3	4	5	6	7	<input checked="" type="radio"/>	9

- 2 分数の形で解答が求められているときは、約分がすんだ形で答えよ。-の符号は分子につけ、分母につけてはならない。

〔例〕 $\frac{\text{ウエ}}{\text{オ}}$ に $-\frac{4}{5}$ と答えたいとき

ウ	<input checked="" type="radio"/>	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	
エ	<input type="radio"/>	0	1	2	3	<input checked="" type="radio"/>	4	5	6	7	8	9
オ	<input type="radio"/>	0	1	2	3	4	<input checked="" type="radio"/>	5	6	7	8	9

- 3 根号を含む形で解答が求められているときは、根号の中に現れる自然数が最小となる形で答えよ。

〔例〕 $\sqrt{\text{キ}}$ に $4\sqrt{2}$ と答えるところを、 $2\sqrt{8}$ のように答えてはいけない。