

Fig. 6-26 A Workflow of sample case using MOEA.

本解析事例には、ユーザがダウンロード可能な解析プロジェクトアーカイブファイルが付属しており、 ユーザの手元の HPC/PF ポータル GUI 上で展開し実行することで、再現解析実行が可能となってい る。ただし掲載事例は利用計算機資源として FOCUS スパコンを利用しているため、別の計算機資源 を利用する場合、設定ファイルの書き換えが必要であるが、多くの場合 HPC/PF ポータル GUI にプリ セットされた雛形設定ファイルを元に変更することが可能である。

【自動処理】

PDI サブシステムによるパラメータスタディ機能やワークフロー実行制御の仕組みが整備されたこ とで、より実用的な解析ワークフローが実現可能となった。特に入カパラメータが少しづつ違う大量 の計算が必要なケースにおいて、入カパラメータファイルの自動生成、リモート計算機資源へのファ イル自動転送、計算結果データの自動回収、バッチジョブスケジューラの仕様に合わせた大量ジョブ の自動投入などの機能を有する HPC/PF システムを利用することにより、解析の本質と関係ないが、 しかし大変手間のかかる処理の殆どが自動実行され、ユーザは解析結果の検討・現象理解に注力 することが可能となった。

Fig. 6-27 は、FMO 法によるバイオ分子相互作用シミュレータ ABINIT-MP による、粗視化シミュレー ション用 χ パラメータ算定を行う大量ジョブ処理ワークフローの処理を図式化したものである。この例 の場合、数百~数千通りの計算を行う必要があるが、χ パラメータ算定に必要なのは各計算結果デ ータ中のごく一部の値のみであり、この値の抽出も HPC/PF ワークフローのポスト処理として計算機 資源側で行うことで、ワークフローが終了した時点でユーザの PC に転送されるのは利用者が本当に 必要とするデータだけとなり、ファイル転送時間も極短時間で済む。つまり HPC/PF システムを利用す ることで省力化だけでなく、計算実行から結果の分析検討にかかるターンアラウンドタイムの短縮化 も図ることができ、ユーザはより広範囲なパラメータ空間の探査が可能となる。



Fig. 6-27 Massive amount job processing for the xparameter computation of coarse grained simulation.

【具体例】

HPC/PF システムを用いた各解析アプリケーションによる具体的成果例を以下に示す。これらは全 て分野4アウトリーチサイト「計算工学ナビ」の解析事例データベースで公開中の解析事例であり、 各解析事例に付属する HPC/PF 再現実行用プロジェクトアーカイブをダウンロードすることによりユ ーザ PC 上にインストールした HPC/PF ポータル GUI 上で解析の再現実行が可能である。但し解析 実行環境として FOCUS スパコンの利用を想定している。

ABINIT-MP



Fig. 6-28 Example cases of ABINIT-MP on HPC/PF environment.

FrontFlow/blue



Fig. 6-29 Example cases of FrontFlow/blue on HPC/PF environment.

FrontFlow/red

円柱周りの流れの解析



Fig. 6-30 Example cases of FrontFlow/red on HPC/PF environment.

FrontFlow/violet-Cartesian



Fig. 6-31 Example cases of FFV-C on HPC/PF environment.

FrontISTR



Fig.6-32 Example case of FrontISTR on HPC/PF environment (1).



Fig. 6-33 Example case of FrontISTR on HPC/PF environment (2).

PHASE/0



Fig. 6-34 An Example case of PHASE/0 on HPC/PF environment.

(6-2-2) HPC/PF 向け圧縮性流体解析プログラム UPACS の開発

大規模並列解析を実現するために、MPIを用いたデータ通信部の効率化、領域分割手法の改良、 大規模計算格子生成手法の開発、更には「京」向けチューニングと大規模プロセス並列での性能 評価を実施した。領域分割手法では計算格子ブロックのプロセスへの割り当て方を改良し、プロ セスあたりの格子点数を均等にすることで計算の負荷分散を実現することに加えて、通信データ 量が最小となるように割り当てる機能を実現した(Fig.6·35)。大規模計算格子生成に関しては格 子の細分化ツールを開発し、粗い計算格子をベースとして自動的に格子を細密度化することで 100億点規模の計算格子の作成を実現した(Fig.6·36)。また、「京」上で 79,507 プロセス並列に おける並列効率として 90%以上を達成した(Fig. 6·37)。



Fig. 6-35 Upgrading of domain decomposition method (block assignment to a process)



Fig. 6-36 Generation of large scale computational grid (automatic refinement)



Fig. 6-37 Large scale parallel performance at K-computer

産業界での利用を促進するため、ものづくり分野で重要なターボ要素、特に軸流圧縮機や遠 心圧縮機の詳細流れ解析への適用を行うため、動静翼干渉解析に必要となる移動境界接続への 対応、蒸気タービン解析に必要な湿り蒸気解析への対応、内部流解析で必要となる流量指定亜 音速流出境界条件の導入を行った。移動境界接続への対応では計算格子ブロック分割の汎用化 (Fig. 6-38) とデータ通信の効率化を行った。湿り蒸気解析への対応では湿り蒸気の蒸発・凝 縮モデルを実装し、基礎的な検証解析 (Fig. 6-39) を実施した。流量指定亜音速流出境界条件 では、亜音速ダクト流れ (マッハ数 0.5) の計算に適用して特性 (Fig.6-40) を把握した。移動 境界接続への対応と湿り蒸気解析への対応を統合し、蒸気タービンの多段解析を可能とするプ ログラムを開発した。



従来手法(周方向ブロック分割が制限)

新手法(ブロック分割が汎用的)





Fig. 6-39 Basic validation analysis of wet steam flow in the Laval nozzle



Fig.6-40 Oscillation suppression effect for subsonic duct flow; pressure distributions of converged solution and time history of flow rate at inflow and outflow boundary

(6-2-3) 階層型直交格子を用いた実用複雑系流体解析システム [FFV]の整備

本業務における最終的な目標は、階層格子を用いた実用複雑系流体解析システムの構築と適 用である。そのために、平成23年度までの業務において、VCAD技術を援用して直交格子ソルバ 一機能を高度化し、同時に階層データ構造の管理を行うライブラリを整備してきた。平成24年度は、 以下の5項目について、作業を実施した。1)直交等間隔格子ソルバーの高度化、2)階層格子ソル バーの開発、3)2相流解析機能の高度化、4)共通基盤ライブラリの整備、5)検証事例の蓄積。 直交等間隔格子ソルバーについては、300億格子の計算を実施し、大規模な解析を1日で実行でき ることを確認した。階層格子ソルバーについては、格子生成とプロトタイプソルバーにより複雑形状 の計算実行を確認した。

前年度までに開発した直交等間隔格子ソルバーについて、チューニングを進めた。また、自動車空力解析を例として、大規模解析への適用性を検証した。以下に主要な結果を示す。

Fig. 6-41 に FFV-C(直交等間隔格子系)ソルバーの並列性能を示す。最大 82,944 ノードまでの評価を行ったが、十分な並列性能を持つことがわかる。単体性能では、現在のところ 10%程度の性能であるが、コンパイラが改善されると 20%程度まで性能が向上することを確認している。



Fig.6-41 Weak scaling performance of FFV-C application

数百億格子規模の実用解析に対する本アプローチの有効性を検証するために、時速 100km の 風洞試験を想定した、自動車の空力解析を実施した。シミュレーションで用いた車体データは、実車 の形状を近似したものである。データ形式は Stereo Lithography(STL)形式で、ポリゴン数は 1,241 万、 データサイズは 3.3GB である。これに対して、流体計算の格子間隔は 4mm とした。このとき、解析領 域全体に要する総セル数は約 290 億となった。ただし、流れ場が発達するまでの過渡期については、 格子間隔が 16mm の粗い格子を用いた。そして、準定常状態に達した後、格子間隔を 16mm から 8mm、8mm から 4mm へと段階的に細分化した。なお、全てのシミュレーションは京コンピュータの 9,216 ノードを用いて実施した。

シミュレーションによって車体周りの渦構造を可視化した結果を Fig.6-42 に示す。車体周りには大 小様々な渦が形成されていることがわかる。また、これらの渦は、車体本体だけでなく、ドアミラーや タイヤハウスからも生成されていることがわかる。ドアミラーやタイヤハウス、床下の形状といった要 素は、従来の解析では計算コストの低減のために無視ないしは簡略化されてきた。しかしながら、本 結果は、これらの要素が必ずしも無視できないことを示している。一方で、ルーフ後端における境界 層の様相が、実験的観測によるものとは異なることも確認されている。この点に関しては、格子間隔 の更なる細分化、計算スキームの改善などの検討が必要である。

最後に、本シミュレーションに費やした計算時間について、簡単にまとめておく。本シミュレーショ ンでは、3 段階の格子を用いて実施したが、それぞれの段階における計算時間の総計は約 30 時間 であった。なお、この中には、格子生成過程に費やした時間も含まれている。格子生成は 3 段階の 各格子において実施する必要があるが、最も格子間隔を細分化した場合でも、約 20 分で完了した。 つまり、格子生成に要した時間は最大でも 1 時間であり、これは解析時間全体の 3%程度にすぎな い。

以上に示した通り、本ソルバーを用いることで、ドアミラーやタイヤハウス、エンジンルーム内の部 品といった車体の詳細な形状を考慮した解析が実現可能である。このことから、将来的には、自動 車の車体に作用する空力と、エンジンルームの冷却の間にあるトレードオフ関係など、従来は不可 能ないしは非常に困難であった対象の解析が実現できるものと期待される。



Fig. 6-42 Vortex structure around a vehicle (the 2nd invariant of velocity gradient tensor)

(1) 実用的乱流モデルの実装及び妥当性評価

ー般にものづくり分野において、複雑形状周りの高レイノルズ数流れ場に滑りなし条件を課した LES が適用されるケースは未だ限定的な範囲にとどまっている。その理由は、レイノルズ数が大きく なるに従い運動量輸送を主導的に担う縦渦を解像するための膨大な計算格子が壁面近傍の乱流境 界層内に必要となるからである。概して境界層を解像する LES に必要とされる計算格子数はレイノ ルズ数の 1.8 乗と見積もることができるが、レイノルズ数が 10⁷の場合には 10 兆セルもの計算格子 が必要となり、これは現時点の最新スーパーコンピュータをもってしても実現不可能な計算規模であ る。したがって LES を工業的に応用することを前提とする場合には、現時点において壁面境界条件 (LES 壁面モデル)の使用は不可避である。このような背景から、本年度は直交格子系に適した簡便 な LES 壁面モデルを開発し FFV-C に実装するとともに、カノニカルな流れを対象にモデルの妥当性 評価を実施した。なお、SGS モデルは局所 SGS モデルの一種であるコヒーレント構造スマゴリンス キー(CSM) モデル、及び Wall-adapting local eddy-viscosity (WALE) モデルを採用することとした。 本モデルは、流れ場に依存するモデル係数を可能な限り排除することで複雑形状周りの流れ場への 適用性が高く、また負の拡散係数を避けるための大域的な平均操作を必要とせず FFV-C 本来の 高い並列性能を担保可能であるという特徴を持つ。

本モデルの有効性を確認するために、摩擦レイノルズ数 150 のチャネル流れを対象に検証を行った。流路の主流方向、壁面鉛直方向、スパン方向をそれぞれ (x、y、z) 方向とすると、流路の大きさは (Lx⁺、Ly⁺、Lz⁺) = (1200、300、600) である。無次元格子幅は全方向等間隔の h⁺ = 15 とし、各方向のセル分割数は (Nx、Ny、Nz) = (80、20、40) である。これより壁面からの無次元距離は y⁺min = 7.5 であり、境界層内に十分な解像度を持つ LES と比較すると壁面鉛直方向に 5 から 10 倍程度粗い格子幅である。Fig.6-43 に主流方向平均速度の計算結果を示す。結果の比較対象として、同一解像度で粘着条件を課した CSM モデルの結果 (CSM、NoSlip)、格子解像度を上げて粘着条件を課した CSM モデルの結果 (CSM、NoSlip)、格子解像度を上げて粘着条件を課した CSM モデルの結果 (CSM、NoSlip)、Kasagi らのスペクトル法による DNS データベースの結果 (DNS (Kasagi))を示す。CSM モデルでは、粘性低層に数点の格子点を確保することで乱流のコヒーレント構造が解像可能となり、流れ場の高い予測精度が担保できる。しかし、格子幅をモデルの適用範囲外なほど法外に粗く選ぶとコヒーレント構造が解像できず、壁面第一格子から計算される壁面せん断応力の予測精度が悪化する。一方で、本モデルの計算結果は DNS データベースや境界層内に十分な解像度を持つ LES 結果と同等の予測精度を示すことが分かる。



Fig.6-43 Comparison of mean streamwise velocity for channel flow.

Fig.6-44 は、主流方向平均速度に対する壁面鉛直方向無次元格子幅の依存性を示している。壁面第 一格子点を粘性低層近傍から対数領域に至るまで幅広く選択しているのにも関わらず、本モデルの結 果は DNS データベースと良好に一致することが確認できる。このことは、隘路等の複雑形状に対する本 モデルの高い適用可能性を示している。最後にレイノルズ依存性を Fig.6-45 に示す。摩擦レイノルズ数 が 650 のケースにおいても本モデルの結果は DNS データベースと良好に一致していることが分かる。

本モデルは従来の LES による計算コストを大幅に削減できる可能性を示しており、本業務において FFV-C による実用解析の将来的な見通しを得ることができた。



Fig.6-44 Dependence of vertical grid size on mean streamwise velocity.



Fig. 6-45 Dependence of Reynolds numbers on mean streamwise velocity.

[1] <u>http://avr-aics-riken.github.io/ffvc_packege</u>

[2] https://github.com/avr-aics-riken/FFVC

[3] Ono K., "Product Design using Cartesian Mesh Method", Journal of Japan Society of Fluid Mechanics 21 (2002) 16-25.

[4] 小野謙二, "超大規模熱流体計算のための階層的直交格子生成と車両の熱・空力解析への応用", 第91期日本機械学会流体工学部門講演会, 2013年11月1日, 福岡県.

[5] 小野謙二, 大西順也, "100億超格子を用いた自動車の大規模流体解析への挑戦", スーパーコンピューティングニュース, 15, Special Issue 1 (2013) pp.59-69.

[6] Chapman, D.R. "Computational aerodynamics development and outlook", AIAA Journal 17 (12) (1979), pp.1293-1313.

[7] Kobayashi, H. et al., "Application of a local SGS model based on coherent structures to complex geometries", Int. J. Heat and Fluid Flow 29 (2008), pp.640–653.

[8] Nicoud F. et al., "Subgrid-Scale Stress Modelling Based on the Square of the Velocity Gradient Tensor", Flow, Turbulence, and Combustion, 62 (1999) 83-200.

[9] Iwamoto K. et al., "Reynolds Number Effect on Wall Turbulence: Toward Effective Feedback Control", Int. J. Heat and Fluid Flow, 23 (2002) 678-689.

[10] Uzawa, K. and Ono, K. "Validation of local SGS models implemented in high-performance CFD solver: FFV-C", ASME-JSME-KSME Joint Fluids Engineering Conference (2015).

[11] 鵜沢憲,小野謙二,"壁法則に基づく動的な LES 壁面モデルの検討",第 29 回数値流体力学 シンポジウム, B04-2 (2015).

(6-2-4) 共通基盤技術(核融合)

ペタフロップス級スーパーコンピュータを利用した大規模流体計算を効率的に行う上で、超並列 行列ソルバー、通信実装、データ入出力、可視化技術等、あらゆる要素技術において革新的アルゴ リズムの創生が必要とされている。本業務では「京」において革新的な大規模流体計算技術と遠隔 可視化技術を開発し、従来の解析規模を大幅に上回る大規模流体解析を実現した。基盤技術の有 効性を~10¹² 自由度のペタスケール計算を必要とする核融合プラズマ流体解析プログラムへの適 用によって実証し、最先端の核融合プラズマ乱流輸送研究に活用した。基盤技術を論文やオープン ソースソフトウェアとして公開することによって分野内外で成果の共有を図った。以下に成果の詳細 を示す。

(1)「京」における大規模流体計算技術の開発

並列化効率を向上する上で通信と計算の同時処理による通信マスクが有効であるが、その実装 手法は各環境の通信ハードウェアや非同期通信ライブラリ等に依存しており、適用範囲も1対1通 信に限られていた。この問題を解決するために、通信マスクの汎用的な実装手法を「京」において開 発した。具体的には、8 コアから構成される「京」において1コアを通信処理に割り当てる通信スレッ ドを OpenMP によって実装する方法を確立した(Fig.6-46)。この手法は通信処理のオーバーヘッドを コア数分の1に削減できることから、「京」のみならず、FX10 等より多くのコアを搭載した環境におい て、より大きなコスト削減が可能となる。本手法の通信スレッドは標準的な MPIと OpenMP のみで実 装されており、「京」以外の環境でも利用可能である。また、通信スレッドは非同期1対1通信のみな らず同期通信や集団通信にも適用可能であるため極めて汎用性が高い。



Fig.6-46 Communication overlap technique using communication threads. By processing communication and computation simultaneously, communication overheads are ideally reduced by $1/n_t$, where n_t is the number of threads per MPI process. This technique is universally applicable to non-blocking, blocking and collective MPI communications.

10 万コアを超える大規模流体計算を効率的に行うことを目的として、核融合プラズマ流体解析プ ログラムをベースとして3次元以上の高次元領域分割による並列化、および、Tofuネットワークに対 するプロセスマッピング手法や集団通信の最適化の検討を実施した。具体的には、差分乱流コード GT5D、スペクトル乱流コードGKVという2種類の核融合プラズマ流体解析プログラムにおける領域 分割を従来の3次元領域分割から4次元以上の高次元領域分割に拡張し、100万コアレベルの超 並列計算に耐えうる並列化モデルを構築した(Fig.6-47)。さらに、Tofuネットワークにおいて「京」専 用集団通信アルゴリズムを有効化するプロセスマッピング手法を開発することにより、大規模流体 解析のスケーラビリティを飛躍的に向上した。



Fig.6-47 Multi-dimensional domain decomposition models. By extending the domain decomposition from 3D to 4D, the sizes of MPI communicators in each axis is suppressed and the ratio of computation (volume) to communication (surface) is improved.

上記大規模流体計算技術を差分乱流コードGT5D、スペクトル乱流コードGKVという2種類の核 融合プラズマ流体プログラムに適用した。具体的には、GT5D では差分-陰解法の反復法ソルバー の行列ベクトル積(差分演算)における袖領域通信や異なる対称性をもつ演算子間での並列化軸の 転置通信に通信マスク手法を適用した。一方、GKVでは並列化多次元FFTにおいてボトルネックと なる転置通信をFFT 演算処理と同時に実行する通信マスク手法を開発した。これに加えて、L1キャ ッシュ、L2 キャッシュそれぞれについての最適化技術を開発することによって、対ピーク性能比~ 10%程度で「京」全系に至る強スケーリングを達成した(Fig.6-48)。以上の開発技術を論文等(原著 論文 4 編、解説 2 編)で公表し、SC13 Best Poster Award および学会賞等(3 件)を受賞した。



Fig.6-48 Strong scaling of (a) the finite difference plasma turbulence code GT5D and (b) the spectral plasma turbulence code GKV on the K-computer (SPARC64VIIIfx/Tofu interconnect) and the BX900 (Nehalem-EP/InfinibandQDR).

(2)「京」における遠隔可視化システムの開発

粒子ベースボリュームレンダリング(PBVR)のクライアント・サーバ型分散並列可視化モデルを開発した。PBVR は物理量に依存して色と不透明度を与える点の集合としてスカラーボリュームデータを表現する手法であり、(i)構造格子、非構造格子を問わず汎用的に利用可能、(ii)粒子生成のモンテカルロ処理の並列度が高い、(iii)可視化する画素数によって決まる粒子データサイズはボリュームデータよりかなり小さく膨大なボリュームデータの情報を効果的に圧縮できるという特徴がある。この特徴を利用して(i)スパコン上のサーバによる超並列処理によって粒子データを生成し、(ii)サイズの小さい粒子データをスパコンから遠隔地のユーザPCに転送、さらに、(iii)ユーザPC上でグラフィックカードを活用して粒子データの対話的なレンダリングを行うというクライアント・サーバ型の分散並列可視化モデルを構築した(Fig.6-49)。これにより、「京」のストレージ上の大規模データを転送することなく、遠隔地から直接解析する手法が確立した。

上記の分散並列可視化モデルを「京」において実装し、遠隔可視化システム PBVR を開発した。 PBVR の開発にあたっては、(i)「京」のストレージ環境に適合したデータ入出力形式の構築、(ii)「京」 における超並列処理を実現するマスター・スレーブ方式の動的負荷分散モデルの実装、および、 (iii)「京」向けに開発された高性能擬似乱数生成ルーチン KMATH_RANDOM [http://www.aics.riken.jp/labs/lpnctr/KMATH_RANDOM.html]の導入を進め、1024プロセスまで並 列化効率 90%以上となる強スケーリングを達成した。さらに、開発システムのものづくり分野におけ る活用に向けて、(i)ボリュームレンダリング以外の断面、等値面等の汎用可視化機能強化、(ii)も のづくり分野の主要データ形式へのデータインターフェース対応、(iii)サーバプログラムの BX900、 FX10、Linux クラスタ等への移植、および、クライアントプログラムの Linux、Windows、Mac への移 植によるマルチプラットフォーム環境対応を進め、システムをオープンソースソフトウェア (http://ccse.jaea.go.jp/ja/download/ software.html)として公開した。上記の開発技術を論文等(原著 論文 3 件)で公表し、学会賞等(2 件)を受賞した。また、可視化分野でアジア最大の国際会議 SigGraphAsia2015 ではチュートリアルに採択され、国内外のユーザ向けにハンズオンセミナーを実 施した。



Fig.6-49 Left shows client-server processing in the remote visualization system based on the Particle Based Volume Rendering (PBVR). Right shows a volume-rendering image of PLOT3D data generated by the UPACS code. The image shows flow velocity along a high stagnation pressure region in a steam turbine.

(3) プラズマ流体解析への適用と機能実証

「京」一般利用課題との連携により、開発した基盤技術を「京」におけるプラズマ流体解析に適用 し、その有効性を実証した。特に、平成 24 年度「京」一般利用課題「核融合プラズマの乱流シミュレ ーション」では約 400 万ノード時間/ショットという従来の解析規模を大幅に上回るペタスケール計算 によって、(i)ITER 規模の大域的イオン乱流計算によるイオン熱輸送の装置サイズスケーリング解 明、および、(ii)イオン-電子マルチスケール乱流計算におけるスケール間相互作用と電子熱輸送機 構の解明という世界初の成果が得られた(Fig.6-50)。

次世代の核融合実験炉 ITER は既存実験装置に比べて装置半径で数倍、炉心体積で一桁以上 大きい装置となるため、炉心プラズマ性能を評価する上で装置サイズに対するプラズマ乱流輸送の スケーリングが重要な因子の一つと考えられている。ITER 規模に至る装置サイズスケーリングを既 存実験装置で試験することは難しく、シミュレーションに大きな期待が寄せられているが、計算コスト が装置サイズの4乗(3次元空間格子数×時間ステップ数)に比例して増大するため、従来のスーパ ーコンピュータで ITER 規模のシミュレーションを実施することは困難であった。そこで、本基盤技術 を適用することにより、ITER 規模に至る装置サイズスケーリングのシミュレーションをはじめて実現 した。この結果、Lモードと呼ばれる基本的な運転方式の炉心プラズマでは、炉心プラズマの温度分 布は乱流場を励起する微視的不安定性の臨界温度勾配パラメータに強く拘束されるため、炉心体 積が増大して核融合出力が増大しても炉心温度の上昇は限定的であり、閉じ込め性能が劣化する 傾向にあることがわかった。

ITER の核燃焼プラズマでは核反応生成アルファ粒子が主に電子を加熱するため、電子熱輸送 の評価が重要な問題となっている。電子熱輸送を決定する電子乱流はイオン軌道半径(~5mm)か らそれより質量比の平方根(水素に対して~1/50)だけ小さい電子軌道半径(~0.1mm)に至る広範な 波数領域にスペクトルが分布しており、本質的にマルチスケール問題となっている。しかしながら従 来の研究では計算コストの問題によりイオンスケールと電子スケールのスペクトルのスケール分離 を仮定してそれぞれを独立に解析していたため、これらのスペクトル間の相互作用があまりよくわか っていなかった。そこで、本基盤技術を適用することにより、従来の約 10 万倍(~50³)の分解能のマ ルチスケール電子乱流計算を世界で初めて実現した。この結果、従来は電子熱輸送に主要な寄与 があると考えられてきた電子スケール乱流がイオンスケール乱流によって抑制されるというスケー ル間相互作用が明らかになった。

これ以外にも、本基盤技術は LHD(NIFS) や JT-60(JAEA)の実験データ解析等に活用された。こ れらの成果は Physical Review Letters 誌や IAEA 核融合エネルギー会議等の論文(原著論文 14 編) で公表されており、学会賞等(6 件)を受賞した。



a-2111 (11 L K)

Fig.6-50 Peta-scale plasma simulations are enabled via the developed computing techniques. Left shows plasma size scan of global ion turbulence simulations, in which the computational cost is increased by $\propto a^4 \sim 256x$. Right shows the ion/electron multi-scale turbulence simulation, which requires $\sim 50^3 \sim 10^5x$ higher resolution compared with the conventional single scale turbulence simulation.

(6-2-5) 並列 FEM 構造解析ソフト「FrontISTR」高度化の検討

(1) 反復法ソルバーのハイブリッド並列化とその並列性能評価

領域分割に基づくMPI 並列性能は、コアあたりの計算規模を適切に設定することにより充分良好 な weak scale を発揮できることが既にわかっている。ここでは、全体解析時間の 90~95%以上を占 める反復法ソルバーのスレッド並列化に取り組んだ。具体的には、反復法ソルバー内の繰り返し計 算ループすべてに対して OpenMP によるスレッド並列化コーディングを行った。依存性のある前処理 部分については、あらかじめマルチカラーオーダリングを実施した。なお、有限要素法などの非構造 格子解法では、疎行列・ベクトル積において不連続なメモリアクセスが発生する、という共通した課 題がある。係数行列は連続アドレスに格納され、しかもソルバーの反復あたりに参照される頻度は1 回である。一方、ベクトルは複数回参照され、繰り返し計算ループにおいて飛びアクセスとなる。こ の部分の演算性能を向上させるために、「京」の CPU に実装されているセクターキャッシュ機能を利 用した。セクターキャッシュ機能は、2次キャッシュを二つの領域に分割し、一つの領域にどのプログ ラム変数を格納するかをコーディングで指定できるものである。FrontISTR では、設定可能な最大値 をベクトル変数に割り当てることにした。これにより、「京」では1ノードあたり約24万節点の変位ベク トルが 2 次キャッシュに格納される(Fig.6-51、Fig.6-52)。さらに、大規模モデルに対してハイブリッド 並列性能を評価した。解析対象となる樹脂、配線銅、銅ペーストで構成されたプリント配線基板の形 状を Fig.6-53 に示す。Table 6-3 に示すメッシュ規模について解析を実施し、並列演算性能を検討し た。最大の解析規模は約 25 億節点 (75 億自由度) であり、細部のメッシュ辺長は 7.5 µm である。 解析は並列方式の比較を含めて行い、Table 6-4 に示す実行性能の計測結果が得られた。1 回のリ ファインによりメッシュ規模は8倍となるため、リファインごとに並列数を8倍とし、1プロセスごとの処 理規模は同ーとなるようにしている。CG 法の反復回数はリファインするごとに約2倍となることが経 験的に得られており、その傾向と一致する。仕事率は、反復法ソルバーにおける(全体時間一通信 時間)/全体時間であり、領域分割の状況や並列数に影響される。フラット MPI では、浮動小数点 演算の対ピーク性能比は4.2%~5.0%であった。一方、ハイブリッド並列方式の対ピーク性能比がか なり低い。今回の解析では、プロセスあたりの節点数がセクターキャッシュ容量を超えるため、フラッ ト MPI と同等の対ピーク性能比が予想されたがそれよりも低い。これは、計算負荷が最も高くセクタ ーキャッシュ機能を適用した疎行列・ベクトル積ルーチンの処理に異常な時間がかかるプロセスが ごく少数存在する現象が発生しているためである。このごく少数のプロセスの影響を受け、全体とし て通信待ちが発生し、仕事率が低下している。この原因がプログラムによるものかハードウェアによ るものかは現状不明である。REVOCAP_PrePost を用いてポスト処理した結果を Fig.6-54 に示す。 FrontISTR のハイブリッド並列機能による 10億~100億メッシュの大規模解析能力を検証するととも に、プリ・ポスト処理を含めた大規模構造解析への適応性を実証することができた。



Fig. 6-51 Single-CPU (thread parallel) performances



Fig. 6-52 To-peak performances of Flat-MPI and Hybrid



Fig. 6-53 Printed circuit board model (voxel mesh)

Table 6-3 Analysis meshes							
	要素数	節点数					
オリジナル	38, 689, 706	41, 044, 244					
リファイン1回	309, 517, 648	318, 932, 409					
リファイン2回	2, 476, 141, 184	2, 513, 793, 437					

Table 6-4 Numerical results of Flat-MPI and Hybrid

Refine	ノード数	コア数	並列方式	計算時間	反復回数	仕事率	対 Peak 比
0	128	1024	Flat MPI	3. 8h	374, 373	74. 7%	4. 7%
			Hybrid	4. 5h	374, 373	57.6%	3.3%
1	1024	8192	Flat MPI	5. 7h	775, 834	88.0%	5.0%
			Hybrid	8. 6h	771, 788	60.3%	3.3%
2	8192	65536	Flat MPI	13. 7h	1, 616, 318	82.6%	4.2%
			Hybrid	21. 7h	1, 594, 693	50.3%	_



(a) u_z -displacement (b) Mises stress Fig.6-54 Displacement and von Mises stress distributions (2,513,793,437 nodes, 2,476,141,184 elements and 7,541,380,311 DOFs).

(2) 多点拘束条件付き構造解析における反復法ソルバーの収束性評価

FrontISTR 普及と維持・発展を目指して、開発プロジェクトの終了後も継続的に機能拡張や、共同 研究などでカスタマイズ化した内容の取り込み、ユーザーから要望機能の実装、不具合の修正、を 実施している。その一環として、アセンブリ構造解析に不可欠な多点拘束条件処理に注目し、既に 実装されているペナルティ法、および、陰的自由度消去法である MPC-CG 法における、疎行列反復 法ソルバーの収束性に関する課題を解決するため、これらの手法と比較して反復法ソルバーの収 束性に優れたアルゴリズムを開発した。

多点拘束条件を含む問題における反復法ソルバーの収束性を評価するため、単純形状モデルを 用いる。要素タイプは六面体 1 次要素であり、節点数 7,932,500、要素数 7,745,536、多点拘束条件 数 132,153 である。反復法線形ソルバーの収束性に影響の少ない多点拘束条件処理手法として、 新たに陽的自由度消去法を実装した[1]。陽的自由度消去法では、スレーブ自由度の消去に伴い、 全体剛性行列の非ゼロプロファイルが変化し、行列ベクトル積における通信パターンも変化する。こ れに対応するため、領域分割の段階で、自由度消去後の非ゼロプロファイルを考慮した通信テーブ ルの作成を行うこととした。この実装により、BILU(2)前処理を用いた場合、従来の MPC-CG 法と比 較して反復回数を約半減することに成功した(Fig.6-55)。



Fig.6-55 Number of iterations of preconditioned CG methods with MPC-CG and explicit elimination

既に産業界で広く実施されている構造解析の分野では、対象問題ごとに複雑で多様な解析機能 を用いることが多い。京を用いて実機問題に取り組むには、機能の汎用性と演算効率の両面を維 持することが重要である。本研究では、アセンブリ構造解析に不可欠な多点拘束条件処理に伴う反 復法線形ソルバーの収束性の課題を解決し、SSOR, BILU(0), BILU(1), BILU(2)の各前処理を用い た際に、反復法線形ソルバーの収束性改善効果が確実に得られることが確認された。なお、今回実 装した多点拘束条件処理手法は、線形ソルバーと完全に独立しているため、任意の前処理(SSOR, 対角スケーリング, BILU(0), BILU(1), BILU(2))および反復解法(CG 法、BiCGSTAB 法、GMRES 法、 GPBiCG 法)と組み合わせて利用することが可能である。

接触解析はアセンブリ構造解析と同様に需要が高い問題である。自重とトルクを負荷されて転動 する車輪の接触動解析および接触摩擦力を伝達する複合材ベルト解析に対する検証を実施してい る。接触解析では反復法線形ソルバーの収束性が問題となっていて、現状では直接法線形ソルバ ーが主に用いられている。大規模問題においては反復法線形ソルバーの適用が不可欠であり、さら なる収束性改善が課題である。 (3) HPC/PF を利用した FrontISTR 解析セミナーの準備・開催

平成 27 年 11 月に東京大学生産技術研究所において、解析実行環境 HPC/PF を利用した解析セ ミナーを実施した。このセミナーでは、HPC/PF によって、ポストを含めた FrontISTR による一連の解 析作業が FOCUS スパコン上で簡単にできることを体験できる。具体的には、内圧が作用する脳動 脈瘤の静解析の並列実行、建物と地盤の地震応答解析の並列実行、PDI によるパラメータ設定、 並列性能の検討などを行った。9 機関(大学・公的機関 5、民間企業 4)から 16 名が参加した。

サンプル例題として、静的応力解析と動的応答解析の例題を準備した。

内圧が作用する脳動脈瘤の静解析

変形は微小変形を仮定し、材料は線形弾性体で近似する。作用する外力は圧力のみであり、内 壁全体に圧力が与えられる。8節点六面体1次要素 (B-bar要素)を使用している。Mises 応力の分 布を Fig.6-56 に示す。

・建物と地盤の地震応答解析

変形は微小変形を仮定し、材料は線形弾性体で近似する。側面における z 方向変位成分が同じ になるように MPC 条件が適用される。地盤の物性値は深さ方向に分布している。入力される地震波 として作用する外力は時間変化する体積力である。8 節点六面体 1 次要素 (非適合要素) と2 節点 梁要素 (Bernoulli-Euler 梁要素)を使用している (Fig.6-56)。建物と地盤の剛体拘束条件式が MPC 条件として適用される。梁の先端での変位の x 方向時刻歴を Fig.6-57 に示す。



Fig.6-56 Mises stress distributions of an aneurysm model



Fig.6-57 Finite elements for a soil-structure interaction model